

סוג הבדיקה: א. בגרות לבתי ספר על-יסודיים
ב. בגרות לנבחנים אקסטרניים
מועד הבדיקה: קיץ תשע"ה, 2015
מספר השאלה: 317,035807
דף נסחאות ל-5 ייחדות לימוד
נספח:

מתמטיקה

5 ייחדות לימוד – שאלון שני

חוויות לנבחן

א. משך הבדיקה: שעתיים.

ב. מבנה השאלה ופתחה הערכוב: בשאלון זה שני פרקים.

פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים,

טראיגונומטריה למרחב,

$$\text{מספרים מורכבים} \quad 66 \frac{2}{3} - 33 \frac{1}{3} \times 2 = 33 \frac{1}{3} \quad - \quad \text{נקודות}$$

פרק שני – גדרה ודעלכה,

$$\text{פונקציות מעירכיות ולוגרitmיות} \quad 1 - 33 \frac{1}{3} = 33 \frac{1}{3} \quad - \quad \text{נקודות}$$

$$\text{סה"כ} = 100 \quad \text{נקודות}$$

ג. חומר עוזר מותר בשימוש:

(1) מחשבון לא גלי. אין להשתמש באפשרויות ה恬נות במחשבון הנitin לתכונות.

שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות ה恬נות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבדיקה.

(2) דפי נסחאות (מצורפים).

ד. הוראות מיוחדות:

(1) אל תעתק את השאלה; סמן את מספירה בלבד.

(2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשות במחברת את שלבי הפתרון, גפ כאשר החישובים מתבצעים בעוזרת מחשבון.

הסביר את בל פעולותיך, כולל חישובים, בפירות ובצורה ברורה ומסודרת.

חומר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבדיקה.

(3) לטיטה יש להשתמש במחברת הבדיקה או בדף שקיבלת מהמשגיחים.

שימוש בטיטה אחרת עלול לגרום לפסילת הבדיקה.

התניות בשאלון זה מנוטחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות לנבחנים אחד.

ב הצלחה !

המשך מעבר לדף ◀

ה שאלות

שים לב! הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפיוט ובצורה ברורה.
חווסף פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכיון או לפטילת הבחינה.

פרק ראשון — גאומטריה אנגלית, וקטוריים, טריגונומטריה במרחב,

מספרים מרוכבים ($\frac{2}{3}$ נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 1-3 (לכל שאלה — $\frac{1}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, יבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחוברת.

1. נתונה פרבולה המיקיימת: $ax^2 = 2px$, $p > 0$.

נקודה D נמצאת על הפרבולה בربיע הראשון במרחק 8 מציר ה- x.

א. הבע באמצעות \vec{q} את המרחק של הנקודה D מן המדריך של הפרבולה.

מעבירים שני מעגלים: מעגל ראשון שמרכזו בנקודה D ורדיוסו $4 + p$,

מעגל שני שמרכזו בנקודה F של הפרבולה.

המעגל השני משיק מבחן למעגל הראשון ומשיק גם לציר ה- y.

ב. היעזר בסעיף א, ומצא את משוואת הפרבולה.

ג. נקודה K נמצאת על הפרבולה שאת משוואתה מצאת.

דרכן הנקודה K העבירו משיק לפרבולה ואנך למשיק.

המשיק והאנך חותכים את ציר ה- x בנקודות T ו S בהתאם.

המרחק בין הנקודה T לנקודה S הוא 16.

מצא את השיעורים של הנקודה K. (מצא את שתי האפשרויות).

בתשובתך תוכל להשאיר שורש במידת הצורך.

המשך בעמוד 3

- .2 נתון ישר ℓ המשוואה $(2, -2, 4) + t(1, -2, 2) = \underline{x}$.
 מישור π מאונך לישר ℓ , וחותך את ציר ה- x בנקודה A.
 נקודה A נמצאת על הקрон החותבית של ציר ה- x . במרחיק 8 מראשית הצירים O.
 נקודות B ו-C הן נקודות החיתוך של המישור π עם ציר ה- y ועם ציר ה- z בהתאם.
 א. (1) מצא את האורך של כל אחד מששת המקצועות של הפירמידה OABC.
 (2) האם הפירמידה OABC היא ישרה? נמק.
 ב. נקודה D נמצאת על הקטע AC כך ש- OD חוצה-זווית AOC.
 מהו המיצב ההבדלי בין הישר OD לישר BC? נמק.

.3 נתונה המשוואה $8 = z^n$, z הוא מספר מרוכב, $n > 0$.

א. הוכיח כי n הפתרונות של המשוואה הם קדוקודים של מצולע משוכלל.

המספרים z_3, z_2, z_1, z_0 הם ארבעה קדוקודים עוקבים מבין n הקדוקודים של המצלול שבסעיף א' (לפי סדר המספרים הרשום).

z_0 הוא מספר ממשי וחובי. z_1 נמצא במישור גauss ברביע הראשון.

נתון: $i\sqrt{8} = -z_0 \cdot z_1 \cdot z_2 \cdot z_3$.

ב. מצא את הערך של n .

השער בעמוד 4

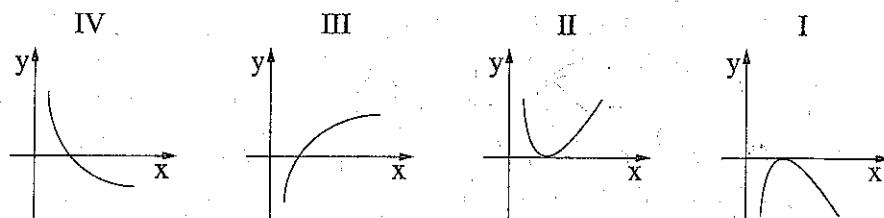
פרק שני – גדרה ודעיכה, פונקציות מערכיות ולוגריתמיות(33 $\frac{1}{3}$ נקודות)ענה על אחת מהתוצאות 4-5.

שים לב! אם תענה על יותר שאלה אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמבחןך.

4. נתונה הפונקציה $f(x) = a \cdot x^{\frac{x^2}{8}}$. המוגדרת לכל x . a הוא פרמטר גדול מ-0.א. הוכיח כי הפונקציה $f(x)$ היא פונקציה איזומטרית.ב. (1) הבע באמצעות a (במידת הצורך) את השיעורים של נקודות הקיצוןשל הפונקציה $f(x)$, וקבע את סוגן.(2) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.ג. מצא את השטח המוגבל על ידי גרף הפונקציה $f(x)$, על ידי ציר ה- x ולעל ידי הישרים $x = 1$ ו- $x = -1$, אם נתון כי $a = 2$.ד. נתונה הפונקציה $g(x)$ המקיים: $g(x) = [f(x)]^2$.מצא את שיעורי ה- x של נקודות הקיצון של הפונקציה $g(x)$, וקבע את סוגן.**המשך בעמוד 5**

.5 נתונה הפונקציה $f(x) = a \cdot x \cdot \ln x - x^2$, a הוא פרמטר גדול מ-0.

- מצאת בתחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$.
- הראה כי לפונקציה $f(x)$ יש נקודת פיתול אחת בלבד, והבע את שיעור ה- x שלו באמצעות a .
- איזה מבין הגורפים I, II, III, IV שלפניך מתאים לגרף של פונקציית הנגזרת השנייה $(f')''$? נמק.



- אם שיפוע המשיק בנקודת הפיתול של $(f')''$ שווה ל-0, מצא את הערך של a .
- סרטט סקיצה של גרף פונקציית הנגזרת $(f')''$ עבור הערך של a שמצאת.
- האם עבור הערך של a שמצאת, יש לפונקציה $(f')''$ נקודות קיצון? נמק.
- מצא עבור אילו ערכים של a שיפוע המשיק בנקודת הפיתול של $(f')''$ גדול מ-0.

בוואלחת!

זכות היוצרים שומרה למדינת ישראל
אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך