

בגרות  
קיץ תשפ"ג, 2023, מועד ב'  
מספר השאלה:  
035482  
דף נוסחאות ל-4 ייחידות לימוד  
נספח:

## מתמטיקה

### 4 ייחידות לימוד – שאלון שני

#### הוראות

א. משך הבחינה: שעה וארבעים וחמש דקות.

ב. מבנה השאלה ופתחה הערכה: בשאלון זה שני פרקים, בהם חמיש שאלות.  
פרק ראשון – סדרות, טריגונומטריה במרחב  
פרק שני – גאומטריה, חישוב דיפרנציאלי ואיינטגרלי של פונקציות טריגונומטריות,  
פונקציות מעירכיות ולוגריתמיות ופונקציות חזקה  
יש לענות על שלוש שאלות, לפחות אחת מכל פרק –  $3 \times 3 = 33 \frac{1}{3}$  נקודות.

ג. חומר עזר מותר בשימוש:

- (1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון שיש בו אפשרות תכונות.  
שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.  
(2) דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. הוראות מיוחדות:

- (1) אין להעתיק את השאלה, יש לסמן את מספורה בלבד.  
(2) יש להתחיל כל שאלה בעמוד חדש. יש לרשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מותבצעים בעזרת מחשבון.  
יש להסביר את כל הפעולות, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת.  
חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבחינה.

יש לכתוב במחברת הבחינה בלבד. יש לרשום "טיוטה" בראש כל עמוד המשמש טיוטה.  
כתבת טויטה בדפים שאינם במחברת הבחינה עלולה לגרום לפסילת הבחינה.

**השאלות בשאלון זה מנוסחות בלשון רבים, אף על פי כן על כל תלמיד וכל תלמיד להשיב עליהם באופן אישי.**

**בהצלחה!**

## השאלות

יש לענות על שלוש מן השאלות 1–5, לפחות אחת מכל פרק (לכל שאלה –  $\frac{1}{3}$  נקודות).  
**シומו לב:** אם תענה על יותר משלוש שאלות, ייבדקו שלוש התשובות הראשונות שבמחברת.

### פרק ראשון – סדרות, טריגונומטריה במרחב

#### סדרות

1. נתונה סדרה חשבונית  $a_n$  בת  $n$  איברים.

$$\text{נתון: } 4 = a_3, \quad a_1 = -10,$$

$$\text{סכום כל איברי הסדרה הוא } 15,330.$$

א. מצאו את  $a_n$ .

מוכיחו כל איבר שלישי בסדרה  $a_n$  (כלומר מוכיחו את האיברים  $a_3, a_6, \dots$ ).

ב. (1) כמה איברים נוכיחו מן הסדרה  $a_n$ ?

(2) מהו סכום האיברים שנוכיחו מן הסדרה  $a_n$ ?

(3) מהו סכום האיברים שנשארו בסדרה  $a_n$  אחרי המינקה?

#### טריגונומטריה במרחב

2. נתונה תיבה  $A'B'C'D'A'D'C'$  שבבסיסה  $ABCD$  הוא ריבוע (ראו סרטוט).

נתון כי אלכסון התיבה גדול פי  $\sqrt{3}$  מאלכסון הבסיס.

א. מצאו את גודל הזווית בין אלכסון התיבה לבסיס.

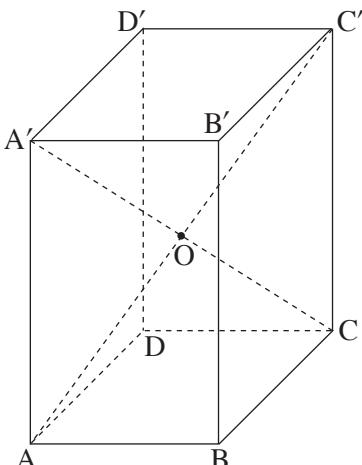
נתון כי שטח המלבן  $'ACC'A'$  הוא  $72\sqrt{2}$ .

ב. (1) מצאו את אורך צלע הבסיס של התיבה.

(2) מצאו את אורך האלכסון של התיבה.

אלכסוני התיבה  $C'C$  ו-  $A'A'$  נפגשים בנקודה  $O$ .

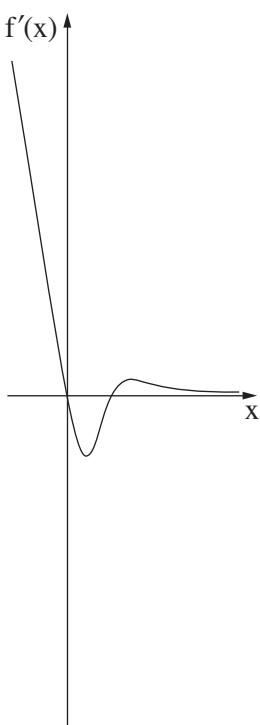
ג. מצאו את שטח המעטפת של הפירמידה הישרה  $OABCD$ .



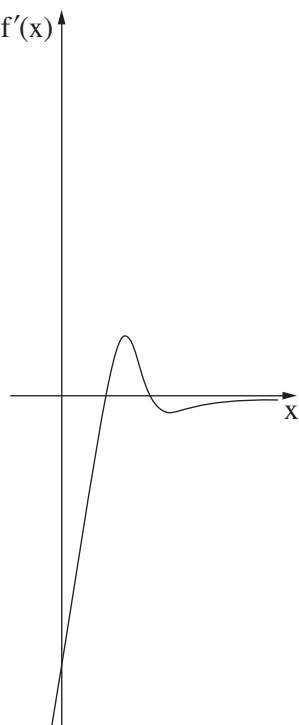
**פרק שני – גדרה ודעיכה, חישובו דיפרנציאלי וrintgrali**  
**של פונקציות טריגונומטריות, פונקציות מערכיות ולוגריתמיות**  
**ופונקציות חזקה**

- .3 נתונה הפונקציה  $f(x) = 1 + x - \sin(2x)$ , המוגדרת בתחום  $0 \leq x \leq \pi$ .
- מצאו את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה  $f(x)$ , וקבעו את סוגן.
  - סרטטו סקיצה של גרף הפונקציה  $f(x)$ .
  - מצאו את משוואת הישר המשיק לגרף הפונקציה  $f(x)$  בנקודה שבה  $x = \frac{\pi}{4}$ .
  - מצאו את השטח המוגבל על ידי גרף הפונקציה  $f(x)$ , על ידי הישר המשיק שאת משוואתו מצאתם בסעיף ג ועל ידי ציר ה- $y$  (בתחום הנתון המשיק פוגש את גרף הפונקציה רק בנקודת ההשקה).

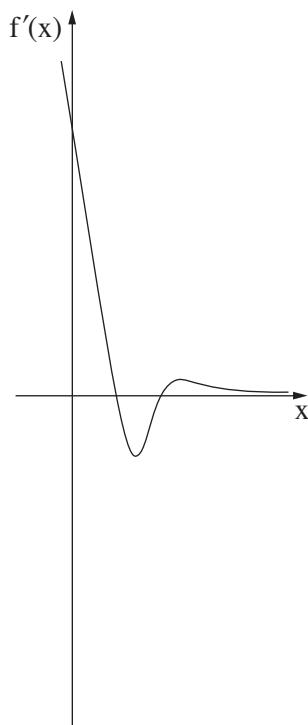
- .4 נתונה הפונקציה  $f(x) = (2x^2 - 11x + 14) \cdot e^{4-x}$ .
- מהו תחום ההגדרה של הפונקציה  $f(x)$ ?
  - (1) מצאו את שיעורי נקודות החיתוך של גרף הפונקציה  $f(x)$  עם הצירים.
  - (2) מצאו את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה  $f(x)$ , וקבעו את סוגן.
  - (3)סרטטו סקיצה של גרף הפונקציה  $f(x)$ .
  - אחד מן הגרפים I–III שבסוף השאלה מתאר את פונקציית הנגזרת  $f'(x)$ .  
קבעו איזה מהם, ונמקו את קביעותכם.
  - קבעו עבור אילו ערכי  $x$  מתקיים:  $f'(x) < 0$  וגם  $f''(x) < 0$ . נמקו את קביעותכם.
  - חשבו את השטח המוגבל על ידי גרף פונקציית הנגזרת  $f'(x)$  ועל ידי ציר ה- $x$ .



III



II



I

.5. נתונה הפונקציה  $f(x) = \frac{(\ln x)^2}{2x}$ .

א. מצאו את תחום הגדרה של הפונקציה  $f(x)$ .

ב. מצאו את שיעורי נקודת החיתוך של גרף הפונקציה  $f(x)$  עם ציר ה- $x$ .

ג. מצאו את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה  $f(x)$ , וקבעו את סוגן.

נתונה הפונקציה  $g(x) = -f(x)$ .

ד. סרטטו סקיצה של גרף הפונקציה  $f(x)$  וסקיצה של גרף הפונקציה  $g(x)$  באותה מערכת צירים.

נסמן ב- $S$  את השטח המוגבל על ידי גרף הפונקציה  $f(x)$  ועל ידי הישר המשיק לגרף הפונקציה  $g(x)$  בנקודת המקסימום שלה.

ה. (1) מצאו את משוואת הישר המשיק לגרף הפונקציה  $f(x)$  בנקודת המקסימום שלה.

(2) מצאו ערך של  $c$  שבabbo השטח המוגבל על ידי גרף הפונקציה  $g(x)$  ועל ידי הישר  $c = y$  שווה ל- $S$ .

נקטו את תשובהיכם.

### בצלחה!